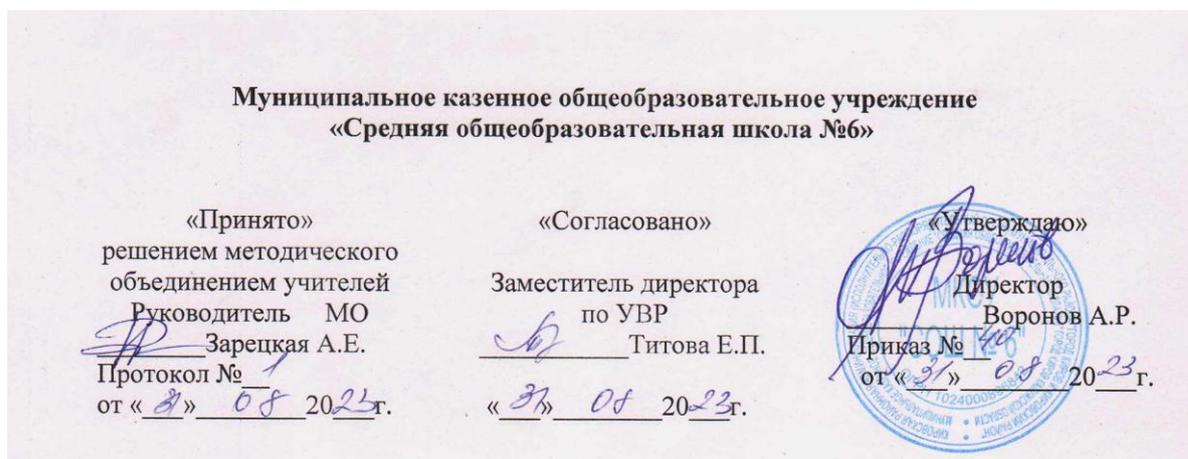


**Муниципальное казенное общеобразовательное учреждение
«Средняя общеобразовательная школа №6»**



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
учебного предмета «Алгебра и начала математического
анализа. Углубленный уровень»
для обучающихся 10 – 11 классов

Составители: Зарецкая А.Е., Ромахина О.А.
учителя математики

г. Киров,
2023г.

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения

рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического

анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

Предмет «Алгебра и начала математического анализа» входит в предметную область «Математика и информатика». На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни,

готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать

искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами; использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Виды деятельности	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства.	24	1		Использовать теоретикомножественный аппарат для описания хода решения математических задач, а также реальных процессов	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/start/

	Системы линейных уравнений			<p>и явлений.</p> <p>Оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное и действительное число; модуль действительного числа; использовать эти понятия при проведении рассуждений и доказательств, применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни. Использовать приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений. Применять различные методы решения рациональных и дробнорациональных уравнений; а также метод интервалов для решения неравенств.</p> <p>Оперировать понятиями многочлен от одной переменной, его корни; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.</p> <p>Оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы. Использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений.</p> <p>Моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат.</p>	
--	----------------------------	--	--	--	--

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания
установление доверительных отношений между учителем и его учениками, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя,

привлечению их внимания к обсуждаемой на уроке информации, активизации их познавательной деятельности;

побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;

привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе.

2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства; линейная, квадратичная, дробнолинейная и степенная функции. Выполнять элементарные преобразования графиков функций. Знать и уметь доказывать чётность или нечётность функции, периодичность функции, находить промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке. Формулировать и иллюстрировать графически свойства линейной, квадратичной, дробнолинейной и степенной функций. Выражать формулами зависимости между величинами. Знать определение и свойства степени с целым показателем; подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/main/198198/
---	---	----	---	--	---

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания

побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной

дисциплины и самоорганизации;

привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми.

3	Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		Формулировать, записывать в символической форме и использовать свойства корня n -ой степени для преобразования выражений. Находить решения иррациональных уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней. Строить график функции корня n -ой степени как обратной для функции степени с натуральным показателем	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/train/
---	--	----	---	--	--	---

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания

побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;

привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

включение в урок игровых процедур, которые помогают поддержать мотивацию детей к получению знаний, налаживанию позитивных межличностных отношений в классе, помогают установлению доброжелательной атмосферы во время урока;

<p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;</p> <p>инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов, что даст школьникам возможность приобрести навык самостоятельного решения теоретической проблемы, навык генерирования и оформления собственных идей, навык уважительного отношения к чужим идеям, оформленным в работах других исследователей, навык публичного выступления перед аудиторией, аргументирования и отстаивания своей точки зрения.</p>						
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		для построения графика показательной функции и изучения её свойств. Находить решения показательных уравнений	https://resh.edu.ru/
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.</p>						
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		Давать определение логарифма числа; десятичного и натурального логарифма. Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений. Строить график логарифмической функции как обратной к показательной и использовать свойства логарифмической функции для решения задач. Находить решения логарифмических уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p>						

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.

6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений. Применять формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических уравнений	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
---	--	----	---	--	--	---

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.

7	Последовательности и прогрессии	10	1		Оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей; монотонные и ограниченные последовательности; исследовать последовательности на монотонность и ограниченность. Получать представление об основных идеях анализа бесконечно малых. Давать определение арифметической и геометрической прогрессии. Доказывать свойства арифметической и геометрической прогрессии, находить сумму членов	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
---	---------------------------------	----	---	--	--	---

					<p>прогрессии, а также сумму членов бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p> <p>Использовать прогрессии для решения задач прикладного характер.</p> <p>Применять формулу сложных процентов для решения задач из реальной практики</p>	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;</p> <p>привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;</p> <p>инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов, что даст школьникам возможность приобрести навык самостоятельного решения теоретической проблемы, навык генерирования и оформления собственных идей, навык уважительного отношения к чужим идеям, оформленным в работах других исследователей, навык публичного выступления перед аудиторией, аргументирования и отстаивания своей точки зрения.</p>						
8	Непрерывные функции. Производная	20	1		<p>Оперировать понятиями: функция непрерывная на отрезке, точка разрыва функции, асимптота графика функции.</p> <p>Применять свойства непрерывных функций для решения задач. Оперировать понятиями: первая и вторая производные функции; понимать физический и геометрический смысл производной; записывать уравнение касательной.</p>	

					Вычислять производные суммы, произведения, частного и сложной функции. Изучать производные элементарных функций. Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.</p>						
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		Применять основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных предметов	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.</p>						
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	136	10	0			

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Виды деятельности	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		о применении производной в различных отраслях знаний	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/start/
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>установление доверительных отношений между учителем и его учениками, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя, привлечению их внимания к обсуждаемой на уроке информации, активизации их познавательной деятельности;</p> <p>побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;</p> <p>привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе.</p>						
2	Первообразная и интеграл	12	1		Оперировать понятиями: первообразная и определённый интеграл. Находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница. Находить площади	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/main/198198/

					плоских фигур и объёмы тел с помощью определённого интеграла. Знакомиться с математическим моделированием на примере дифференциальных уравнений. Получать представление о значении введения понятия интеграла в развитии математики	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;</p> <p>привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми.</p>						
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		Использовать цифровые ресурсы для построения графиков тригонометрических функции и изучения их свойств. Решать тригонометрические уравнения и осуществлять отбор корней с помощью тригонометрической окружности. Применять формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/train/

					<p>неравенств. Использовать цифровые ресурсы для построения и исследования графиков функций</p>	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;</p> <p>привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>включение в урок игровых процедур, которые помогают поддержать мотивацию детей к получению знаний, налаживанию позитивных межличностных отношений в классе, помогают установлению доброжелательной атмосферы во время урока;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;</p> <p>инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов, что даст школьникам возможность приобрести навык самостоятельного решения теоретической проблемы, навык генерирования и оформления собственных идей, навык уважительного отношения к чужим идеям, оформленным в работах других исследователей, навык публичного выступления перед аудиторией, аргументирования и отстаивания своей точки зрения.</p>						
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		<p>Применять свойства показательной и логарифмической функций к решению показательных и логарифмических неравенств. Обосновать равносильность переходов. Решать иррациональные и</p>	<p>https://resh.edu.ru/</p>

					комбинированные неравенства, с помощью равносильных переходов. Использовать графические методы и свойства входящих в уравнение или неравенство функций для решения задачи	
--	--	--	--	--	--	--

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.

5	Комплексные числа	10	1		Оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел. Представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме. Выполнять арифметические операции с ними. Изображать комплексные числа на координатной плоскости. Применять формулу Муавра и получать представление о корнях n -ой степени из комплексного числа. Знакомиться с примерами применения комплексных	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
---	-------------------	----	---	--	--	---

					чисел для решения геометрических и физических задач	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.</p>						
6	Натуральные и целые числа	10	1		<p>Оперировать понятиями: натуральное и целое число, множество натуральных и целых чисел.</p> <p>Использовать признаки делимости целых чисел; остатки по модулю; НОД и НОК натуральных чисел; алгоритм Евклида для решения задач.</p> <p>Записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления</p>	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.</p>						
7	Системы рациональных, иррациональных	12	1		Оперировать понятиями: система и	https://resh.edu.ru/subject/lesson

	показательных и логарифмических уравнений			совокупность уравнений и неравенств; решение системы или совокупности; равносильные системы и системы-следствия. Находить решения систем и совокупностей целых рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств. Применять системы уравнений к решению текстовых задач из различных областей знаний и реальной жизни; интерпретировать полученные решения. Использовать цифровые ресурсы	/5223/
--	---	--	--	--	------------------------

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания

побуждение школьников соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (школьниками), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;

привлечение внимания школьников к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией – инициирование ее обсуждения, высказывания учащимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;

инициирование и поддержка исследовательской деятельности школьников в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов, что даст школьникам возможность приобрести навык самостоятельного решения теоретической проблемы, навык генерирования и оформления собственных идей, навык уважительного отношения к чужим идеям, оформленным в работах других исследователей, навык публичного

выступления перед аудиторией, аргументирования и отстаивания своей точки зрения.

8	Задачи с параметрами	16	1	<p>Выбирать способ решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений и неравенств, содержащих модули и параметры. Применять графические и аналитические методы для решения уравнений и неравенств с параметрами, а также исследование функций методами математического анализа. Строить и исследовать математические модели реальных ситуаций с помощью уравнений, неравенств и систем с параметрами</p>	
---	----------------------	----	---	--	--

Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания

использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;

организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.

9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2	<p>Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать</p>	
---	--	----	---	--	--

					<p>построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.</p> <p>Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов. Решать прикладные задачи, в том числе социальноэкономического и физического характера, средствами алгебры и математического анализа</p>	
<p>Деятельность учителя с учётом рабочей программы воспитания</p> <p>использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета через демонстрацию детям примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;</p> <p>применение на уроке интерактивных форм работы учащихся: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию школьников; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают учащимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат школьников командной работе и взаимодействию с другими детьми;</p> <p>организация шефства мотивированных и эрудированных учащихся над их неуспевающими одноклассниками, дающего школьникам социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи.</p>						
ОБЩ ЕЕ КОЛ ИЧЕС ТВО ЧАСО В ПО ПРОГ РАМ МЕ	136	136	10	0		

**КАЛЕНДАРНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Дата изучения	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24		
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/start/
2	Диаграммы Эйлера - Венна	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/main/198198/
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/train/
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби. Проценты. Бесконечные периодические дроби.	1		https://resh.edu.ru/
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби. Проценты. Бесконечные периодические дроби.	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4730/
9	Арифметические операции с действительными числами	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4730/
10	Модуль действительного числа и его свойства	1		
11	Стартовый контроль. Входная контрольная работа	1		
12	Приближённые вычисления, правила округления Прикидка и оценка результата вычислений Основные методы решения целых уравнений и неравенств	1		
13	Основные методы решения дробно-рациональных уравнений	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3785/
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных неравенств	1		
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком.	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5298/

	Теорема Безу		
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/start/
17	Решение систем линейных уравнений	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/main/198198/
18	Решение систем линейных уравнений	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4726/train/
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства. Вычисление значения определителя	1	https://resh.edu.ru/
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства. Вычисление значения определителя	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	
24	<i>Контрольная работа №1 по теме «Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений»</i>	1	
	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	
25	Способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций.	1	
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1	
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1	
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции.	1	
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1	
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции.	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/5540/
31	Элементарное исследование и график этих функций	1	
32	Элементарное исследование и график этих функций	1	
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/6119/

34	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5540/
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4729/
36	<i>Контрольная работа №2 по теме «Функции и графики»</i>	1		
	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15		
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5498/
38	Преобразования числовых выражений, содержащих степени	1		
39	Вынесение множителя из-под знака корня	1		
40	Внесение множителя под знак корня	1		
41	Сокращение дробей, содержащих радикалы	1		
42	Иррациональные уравнения	1		
43	Область допустимых значений иррационального уравнения	1		
44	Основные методы решения иррациональных уравнений	1		
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3798/
46	Алгоритм решения иррациональных уравнений	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5569/
47	Решение иррациональных уравнений	1		https://resh.edu.ru/
48	Решение иррациональных уравнений	1		https://resh.edu.ru/
49	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		https://resh.edu.ru/
50	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		https://resh.edu.ru/
51	<i>Контрольная работа №3 по теме «Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения»</i>	1		
	Показательная функция. Показательные уравнения	10		
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		
53	Показательная функция, её свойства и график	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3841/
54	Использование графика функции для решения уравнений	1		
55	Показательные уравнения	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5627/
56	Основные методы решения показательных уравнений	1		

57	Приведение обеих частей уравнения к одному основанию	1		
58	Вынесение общего множителя за скобку	1		
59	Метод замены переменной в показательных уравнениях	1		
60	Метод почленного деления	1		
61	<i>Контрольная работа №4 по теме «Показательная функция. Показательные уравнения»</i>	1		
	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18		
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		https://lib.myschool.edu.ru/content/5049
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5753/
64	Десятичные логарифмы. Натуральные логарифмы	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3823/
65	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		
66	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		
67	Логарифмическая функция, её свойства и график	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3834/
68	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4732/
69	Использование графика функции для решения уравнений	1		https://resh.edu.ru/
70	Функционально-графический метод решения уравнений	1		https://resh.edu.ru/
71	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1		https://resh.edu.ru/
72	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1		https://resh.edu.ru/
73	Решение уравнений по определению логарифма	1		https://resh.edu.ru/
74	Метод потенцирования	1		https://resh.edu.ru/
75	Метод введения новой переменной	1		https://resh.edu.ru/
76	Метод логарифмирования	1		https://resh.edu.ru/
77	Переход к новому основанию	1		https://resh.edu.ru/
78	Решение логарифмических уравнений	1		https://resh.edu.ru/
79	<i>Контрольная работа №5 по теме «Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения»</i>	1		
	Тригонометрические выражения и	22		

	уравнения			
80	Радианная мера угла.	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4733/
81	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента. Синус, косинус числового аргумента. знаки тригонометрических функций	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6019/ https://resh.edu.ru/subject/lesson/3863/
82	Тангенс и котангенс числового аргумента	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4735/
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6322/
84	Основные тригонометрические тождества	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4735/
85	Формулы суммы аргументов	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4734/
86	Формулы двойного угла	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3489/
87	Формулы половинного угла	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3887/
88	Формулы понижения степени	1		
89	Формулы суммы и разности функций	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4238/
90	Формулы произведения функций	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3898/
91	Преобразование тригонометрических выражений с помощью формул	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4324/
92	Контрольная работа №6 по теме «Тригонометрические выражения»	1		
93	Решение простейших тригонометрических уравнений	1		https://lib.myschool.edu.ru/content/5616
94	Решение простейших тригонометрических уравнений	1		https://lib.myschool.edu.ru/content/5616
95	Метод замены переменной	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6320/
96	Уравнения, сводящиеся к квадратным уравнениям	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6320/
97	Метод разложения на множители	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6320/
98	Однородные тригонометрические уравнения	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6321/
99	Применение основных тригонометрических	1		

	формулы для решения уравнений			
100	Решение тригонометрических уравнений	1		
101	<i>Контрольная работа №7 по теме «Тригонометрические Уравнения»</i>	1		
	Последовательности и прогрессии	10		
102	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4925/
103	Метод математической индукции	1		
104	Монотонные и ограниченные последовательности	1		
105	Арифметическая и геометрическая прогрессии	1		
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1		
107	Линейный и экспоненциальный рост. Число e Формула сложных процентов	1		
108	Формула сложных процентов	1		https://lib.myschool.edu.ru/content/4519
109	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1		
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1		
111	<i>Контрольная работа №8 по теме «Последовательности и прогрессии»</i>	1		
	Непрерывные функции. Производная	20		
112	Непрерывные функции и их свойства. Точка разрыва	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6112/
113	Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке	1		
114	Метод интервалов для решения неравенств	1		
115	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1		
116	Первая и вторая производные функции	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4923/
117	Определение, геометрический и физический смысл производной	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6114/
118	Алгоритм нахождения производной	1		
119	Формулы дифференцирования	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3954/
120	Производная степенной функции	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4922/
121	Производные элементарных функций	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6114/

122	Вычисление производных элементарных функций	1		https://resh.edu.ru/
123	Производная суммы функций	1		https://resh.edu.ru/
124	Производная произведения функций	1		https://resh.edu.ru/
125	Производная частного функций	1		https://resh.edu.ru/
126	Нахождение производной	1		https://resh.edu.ru/
127	Уравнение касательной к графику функции	1		https://resh.edu.ru/
128	Уравнение касательной к графику функции	1		https://resh.edu.ru/
129	Понятие и вычисление производной n-го порядка	1		https://resh.edu.ru/
130	Дифференцирование сложной функции	1		https://resh.edu.ru/
131	<i>Контрольная работа №9 по теме «Непрерывные функции. Производная»</i>	1		
	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5		
132	<i>Итоговая контрольная работа</i>	1		
133	<i>Итоговая контрольная работа</i>	1		
134	Повторение	1		
135	Повторение	1		
136	Повторение	1		

11 КЛАСС

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
-------	------	--------------	--	--

	Исследование функций с помощью производной	22		
1	Повторение. Формулы дифференцирования	1		
2	Правила дифференцирования	1		
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3966/
4	Применение производной к исследованию функций на экстремумы	1		
5	Экстремумы функции	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3987/
6	Вычисление экстремумов функции	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3987/
7	Построение графиков функций	1		
8	Исследование функции и построение графика функции Связь между графиком функции и графиком её производной	1		
9	Стартовый контроль. Входная контрольная работа	1		
10	Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6115/
11	Задачи на отыскание наибольших и наименьших значений величин	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6115/
12	Решение задач на нахождение наибольших и наименьших значений	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6115/
13	Применение производной к исследованию функции	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6115/
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4016/
15	Применение производной в решении задач	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4016/
16	Применение производной для нахождения наилучшего решения для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4016/
17	Применение производной для нахождения наилучшего решения для определения ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4016/
18	Композиция функций	1		
19	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1		
20	Геометрические образы неравенств на координатной плоскости	1		

21	Повторение по теме «Исследование функций с помощью производной»	1		
22	<i>Контрольная работа №1 по теме «Исследование функций с помощью производной»</i>	1		
	Первообразная и интеграл	12		
23	Первообразная	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4924/
24	Основное свойство первообразных	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3993/
25	Первообразные элементарных функций	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3993/
26	Правила нахождения первообразных	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3993/
27	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4037/
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4037/
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1		
32	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1		
33	Повторение по теме «Первообразная и интеграл»	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4163/
34	<i>Контрольная работа №2 по теме «Первообразная и интеграл»</i>	1		
	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14		
35	Свойства и график функции $y = \cos x$, $y = \sin x$	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6111/
36	Графики функций $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3923/
37	Решение тригонометрических уравнений с помощью графиков	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4920/
38	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью графика	1		
39	Отбор корней тригонометрических уравнений методом перебора	1		

40	Отбор корней тригонометрических уравнений двойным неравенством	1		
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
42	Тригонометрические неравенства	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738
43	Методы решение тригонометрических неравенств	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/
44	Решение тригонометрических неравенств	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738
45	Решение тригонометрических неравенств графически	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/
46	Решение тригонометрических неравенств	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/
47	Повторение по теме «Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства»	1		
48	<i>Контрольная работа №3 по теме «Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства»</i>	1		
	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24		
49	Простейшие показательные неравенства	1		
50	Сведение показательного неравенства к простейшему	1		
51	Метод введения новой переменной	1		
52	Разложение на множители	1		
53	Сведение к равносильной совокупности	1		
54	Метод рационализации (замена множителей)	1		
55	Графические методы решения показательных уравнений и неравенств	1		
56	Простейшие логарифмические неравенства	1		
57	Логарифмические неравенства, сводящиеся к простейшим	1		
58	Метод замены переменной	1		
59	Логарифмические неравенства, сводящиеся к рациональным	1		
60	Логарифмические неравенства, содержащие переменную в основании логарифма	1		
61	Метод интервалов	1		
62	Графический метод решения логарифмических уравнений и неравенств	1		
63	Иррациональные неравенства стандартного вида	1		

64	Метод перехода к равносильной системе	1		
65	Дробно-иррациональные неравенства	1		
66	Метод замены переменной	1		
67	Иррациональные неравенства смешанного типа	1		
68	Иррациональные логарифмические неравенства	1		
69	Умножение на сопряжённое	1		
70	Метод интервалов	1		
71	Графический метод решения иррациональных уравнений и неравенств	1		
72	<i>Контрольная работа №4 по теме «Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства»</i>	1		
	Комплексные числа	10		
73	Понятие комплексного числа	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4115/
74	Алгебраическая форма записи комплексного числа	1		
75	Арифметические операции с комплексными числами	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4930/
76	Арифметические операции с комплексными числами	1		
77	Тригонометрическая форма записи комплексного числа	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4103/
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4103/
79	Формула Муавра	1		
80	Корни n -ой степени из комплексного числа	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4930/
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1		
82	<i>Контрольная работа №5 по теме «Комплексные числа»</i>	1		
	Натуральные и целые числа	10		
83	Натуральные и целые числа	1		
84	Признак делимости целых чисел	1		
85	Применение признаков делимости целых чисел	1		
86	Применение НОД и НОК для решения задач в целых числах	1		
87	Вычисление остатков по модулю для решения задач в целых числах	1		
88	Применение остатков по модулю для решения задач в целых числах	1		
89	Алгоритм Евклида	1		

90	Применение алгоритма Евклида для решения задач в целых числах	1		
91	Повторение по теме «Натуральные и целые числа»	1		
92	<i>Контрольная работа №6 по теме «Натуральные и целые числа»</i>	1		
	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12		
93	Система и совокупность уравнений	1		
94	Равносильные системы и системы-следствия	1		
95	Основные методы решения систем рациональных уравнений	1		
96	Основные методы решения совокупностей рациональных уравнений	1		
97	Однородные системы уравнений	1		
98	Основные методы решения систем иррациональных уравнений	1		
99	Основные методы решения совокупностей иррациональных уравнений	1		
100	Основные методы решения систем показательных уравнений	1		
101	Основные методы решения совокупностей показательных уравнений	1		
102	Основные методы решения систем логарифмических уравнений	1		
103	Основные методы решения совокупностей логарифмических уравнений	1		
104	<i>Контрольная работа №7 по теме «Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений»</i>	1		
	Задачи с параметрами	16		
105	Рациональные уравнения с параметрами	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4145/
106	Рациональные неравенства с параметрами	1		
107	Рациональные системы с параметрами	1		
108	Иррациональные уравнения с параметрами	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4145/
109	Иррациональные неравенства с параметрами	1		
110	Иррациональные системы с параметрами	1		
111	Показательные уравнения с параметрами	1		
112	Показательные неравенства с параметрами	1		
113	Показательные системы с параметрами	1		
114	Логарифмические уравнения с параметрами	1		
115	Логарифмические неравенства с параметрами	1		

116	Логарифмические системы с параметрами	1		
117	Тригонометрические уравнения с параметрами	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6318/
118	Тригонометрические неравенства с параметрами	1		
119	Тригонометрические системы с параметрами	1		
120	<i>Контрольная работа №8 по теме «Задачи с параметрами»</i>	1		
	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16		
121	Арифметические операции с действительными числами	1		
122	Решение дробно-рациональных уравнений	1		
123	Элементарное исследование и графики функций	1		
124	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		
125	Решение иррациональных уравнений	1		
126	Основные методы решения показательных уравнений	1		
127	Решение логарифмических уравнений	1		
128	Преобразование тригонометрических выражений	1		
129	Решение тригонометрических уравнений	1		
130	Отбор корней тригонометрических уравнений	1		
131	Вычисление производных элементарных функций	1		
132	Применение производной к исследованию функции. Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1		
133	<i>Итоговая контрольная работа</i>	1		
134	<i>Итоговая контрольная работа</i>	1		
135	Анализ результатов контрольной работы	1		
136	Систематизация знаний	1		

Приложение 1

ПРИМЕРНЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

10 класс

Зачет №1. Действительные числа. Степенная, показательная и логарифмическая функции
Действительные числа. Степенная функция.

1 Вариант.

A₁ Вычислите: $\sqrt[3]{81} - \sqrt{49} \cdot \sqrt[3]{24}$

1) $14\sqrt[3]{3}$; 2) $3\sqrt[3]{3}$; 3) $-11\sqrt[3]{3}$; 4) -11 .

A₂ Представьте выражение в виде степени числа x ($x > 0$): $\sqrt[10]{x^9} \cdot x^{1,1}$

1) x^1 ; 2) x^2 ; 3) $x^{0,99}$; 4) $x^{10,9}$.

A₃ Упростите выражение: $\sqrt{x} \cdot \sqrt[3]{x} \cdot (x^5)^{\frac{1}{6}}$ 1) $x^{\frac{12}{15}}$; 2) x^0 ; 3) $x^{\frac{5}{36}}$; 4) $x^{\frac{12}{3}}$.

A₄ Упростите выражение: $\left(a^{\frac{1}{4}} - 1\right) \cdot \left(a^{\frac{1}{4}} + 1\right) + \sqrt{a}$

1) -1 ; 2) $2a^{\frac{1}{4}} + 1$; 3) $a - 1$; 4) $2a^{\frac{1}{4}} - 1$.

A₅ Решите уравнение: $\sqrt{12-x} = x$ 1) $-4; 3$ 2) -4 ; 3) 3 ; 4) нет корней.

A₆ Упростите выражение: $\sqrt[6]{a^6} + \sqrt[9]{a^9}$, где $a < 0$

1) 0 ; 2) $2\sqrt[3]{2a}$; 3) $\sqrt[3]{2}$; 4) $12a$.

B₁ Вычислите: $4^{2,5} - \left(\frac{1}{9}\right)^{-1,5} + \left(\frac{5}{4}\right)^{3,5} \cdot (0,8)^{3,5}$

B₂ Найдите значение выражения при $m = -5$

$$\left(\frac{m^{\frac{1}{2}} + 1}{m^{\frac{1}{2}} - 1} - \frac{m^{\frac{1}{2}} - 1}{m^{\frac{1}{2}} + 1}\right) \cdot \left(\frac{m^{\frac{3}{2}}}{2} - \frac{1}{2m^{\frac{1}{2}}}\right)$$

B₃ Решите систему уравнений:

$$\begin{cases} \sqrt{5+x} + 3\sqrt{2-y} = 6 \\ 5\sqrt{2-y} - 2\sqrt{5+x} = -1 \end{cases} \quad \text{Найдите } y - x, \text{ где } (x; y) \text{ – решение системы.}$$

C₁ Решите уравнение: $\sqrt{x^2 + 4x + 4} = x^2$

C₂ Решите неравенство: $\sqrt{24-10x} > 3-4x$

Действительные числа. Степенная функция

2 Вариант.

A₁ Вычислите: $\sqrt{125} \cdot \sqrt[5]{32} - 5^{\frac{1}{2}}$

1) $9\sqrt{5}$; 2) $10\sqrt{10} - \sqrt{5}$; 3) $11\sqrt{5}$; 4) 9 .

A₂ Представьте выражение в виде степени числа x ($x > 0$): $\frac{x^{0,5}}{(\sqrt[4]{x})^2}$

1) $x^{\frac{3}{8}}$; 2) $x^{\frac{1}{8}}$; 3) x^0 ; 4) x^1 .

A₃ Упростите выражение: $\frac{x \cdot \sqrt[4]{x^3}}{x^{\frac{5}{4}}}$ 1) $x^{\frac{1}{2}}$; 2) x^3 ; 3) $x^{\frac{15}{16}}$; 4) $x^{\frac{35}{16}}$.

A₄ Упростите выражение: $\frac{x^{\frac{2}{3}} + 2x^{\frac{1}{3}}}{x^{\frac{1}{3}}} - x^{\frac{1}{3}}$ 1) -1 ; 2) $2x^{-1}$; 3) 2 ; 4) $\frac{1}{x}$.

A₅ Решите уравнение: $\sqrt{x^2 - 3x} = \sqrt{x - 3}$ 1) 3 ; 2) $1; 3$; 3) -3 ; 4) нет корней.

A₆ Упростите выражение: $\sqrt[6]{(4\sqrt{5} - 12)^6}$

1) -2 ; 2) $12 - 4\sqrt{5}$; 3) $4\sqrt{5} - 12$; 4) $\sqrt[3]{4\sqrt{5} - 12}$.

B₁ Вычислите: $9^{1,5} - \left(\frac{1}{8}\right)^{\frac{4}{3}} + \left(\frac{5}{6}\right)^{4,5} \cdot (1,2)^{4,5}$

B₂ Найдите значение выражения при $a = 16$, $b = 9$

$$\left(\frac{a^{\frac{1}{4}}}{a^{\frac{1}{4}} - b^{\frac{1}{4}}} - \frac{b^{\frac{1}{4}}}{a^{\frac{1}{4}} + b^{\frac{1}{4}}} \right) : \frac{a - b}{4a - 4a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}}}$$

B₃ Решите систему уравнений: $\begin{cases} x - y = 40 \\ \sqrt{x} - \sqrt{y} = 10 \end{cases}$.

Найдите $y - x$, если $(x; y)$ – решение системы.

C₁ Решите уравнение: $\sqrt{x^2 - 8x + 16} + 2 = x^2 - x$

C₂ Решите неравенство: $\sqrt{x - 3} < 5 - x$

Показательная функция.

1 вариант

A₁ Упростите выражение: $\sqrt[3]{a^4 \sqrt{a}}$

1) 1 ; 2) a ; 3) $a^{2/3}$; 4) $a^{3/2}$.

A₂ Укажите промежуток, которому принадлежат корни уравнения: $6^{3x+1} = 1/36$

1) $(-2,25; -1,5)$; 2) $(-1,5; -0,75)$; 3) $(-0,75; 0)$; 4) корней нет.

A₃ Вычислите: $(10^{-10} \cdot 100^6)^{-1}$

1) $0,0001$; 2) -100 ; 3) $0,01$; 4) -10000 .

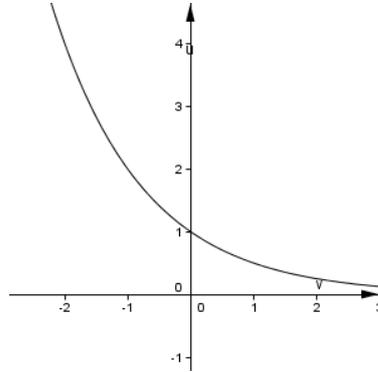
A₄ Решите неравенство: $8^{3x/5} \geq 0,5$

1) $(-\infty; -5/3]$; 2) $[-5/3; +\infty)$; 3) $[-5/9; +\infty)$; 4) $(-\infty; -5/9]$.

A₅. Найдите область определения функции: $y = \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^{5x+2} - \frac{3}{2}}$

- 1) $(-\infty; 0,2)$; 2) $(-\infty; -0,6)$; 3) $(-\infty; 5]$; 4) $[0,2; +\infty)$;

A₆. График какой из перечисленных функций изображён на рисунке



- 1) $y = (0,5)^x$; 2) $y = 2^x$; 3) $y = \log_2 x$; 4) $y = \log_{0,5} x$.

B₁. Найдите произведение корней уравнения $(4^{19-x^2} - 64)\sqrt{2x-7} = 0$

B₂. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} 2x - y = 1 \\ 5^{x+y} = 25 \end{cases}$$

Найдите значение $x_0 + 2y_0$, где $(x_0; y_0)$ - решение системы.

B₃. Укажите целое решение неравенства $(x - 6)(8^{x-6} - 64) < 0$.

B₄. Найдите наименьшее значение функции $y = \sqrt{\left(\frac{1}{4}\right)^{-|x|} + 19}$

C₁. Решите уравнение: $5 \cdot 25^x - (5x - 31) \cdot 5^x + 6 - x = 0$.

C₂. Решите неравенство: $3^{x^2-2x+3} \leq 8 + 2x - x^2$

Показательная функция.

2 вариант

A₁. Вычислите: $(4/25)^{-3/2} + 0,25$

- 1) 15,875; 2) 0,186; 3) 0,01; 4) 7,75.

A₂. Упростите выражение $x^{\frac{1}{5}} + \frac{9 - x^{\frac{2}{5}}}{x^{\frac{1}{5}} + 3}$

- 1) $2x^{\frac{1}{5}} - 3$; 2) -3; 3) 9; 4) 3.

A₃. Решите неравенство: $25^{\frac{-2x}{5}} > \frac{1}{\sqrt[3]{5}}$

- 1) $(-\infty; \frac{5}{12})$; 2) $(\frac{5}{12}; +\infty)$; 3) $(\frac{15}{4}; +\infty)$; 4) $(-\infty; \frac{15}{4})$.

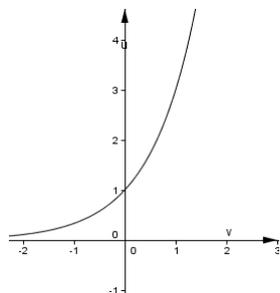
A₄. Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения $8^{x-1} = 4$

1) (0,5 ; 1,25); 2) (1,25 ; 1,5); 3) (1,5 ; 1,75); 4) (1,75 ; 2,5).

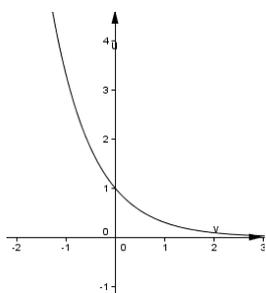
A5. Найдите область определения функции: $y = \sqrt{5^{8x+5} - 1}$

1) $(-\infty; -\frac{5}{8}]$; 2) $[-\frac{5}{8}; +\infty)$; 3) $[\frac{5}{8}; +\infty)$; 4) $(-\frac{5}{8}; +\infty)$.

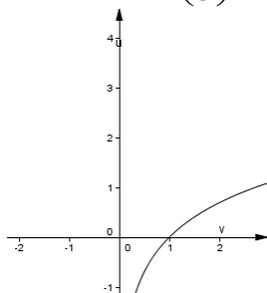
A6. На одном из рисунков изображён график функции $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$. Укажите этот рисунок.



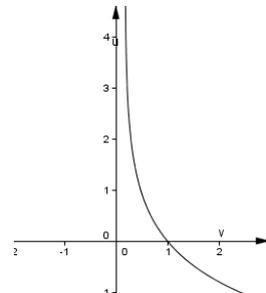
1)



2)



3)



4)

B1. Найдите наименьший корень уравнения $2^{2x+1} - 7 \cdot 10^x + 5^{2x+1} = 0$

B2. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} 2^{x-y} = 128 \\ \left(\frac{1}{2}\right)^{x-2y+1} = \frac{1}{8} \end{cases}$$

Найдите значение $2x_0 - y_0$, где $(x_0; y_0)$ -решение системы.

B3. Укажите целое решение неравенства $(x - 6)(8^{x-6} - 64) < 0$.

B4. Найдите наименьшее значение функции $y = \sqrt{\left(\frac{1}{5}\right)^{-|x|} + 11}$

C1. Решите уравнение: $5^{2x^2-11} + 4 \cdot 5^{x^2+x-5} = 25^{x-1}$

C2. Решите неравенство: $4 \cdot 2^{\frac{x-5}{x-1}} + 6^{\frac{x-3}{x-1}} \leq 6 \cdot 9^{\frac{x-3}{x-1}}$

Логарифмическая функция.

1 Вариант.

A1. Найдите значение выражения $6 \cdot 4,5^{\log_{4,5} 9}$.

1) 6; 2) 27; 3) 12; 4) 54.

A2. Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения $\ln(x+4) - \ln(x+3) = \ln 3$.

1) (-3; 1); 2) $(-\infty; -3)$; 3) $(4; +\infty)$; 4) $(2; 4)$.

A3. Найдите область определения функции $y = \log_{\sqrt{2}}(2x - x^2 \sqrt{2})$

1) $(-\infty; 0) \cup (\sqrt{2}; +\infty)$; 2) $(0; \sqrt{2})$; 3) $(-\sqrt{2}; 0)$; 4) $(-\infty; \sqrt{2}) \cup (2; +\infty)$.

A4. Найдите значение выражения $\log_3(9b)$, если $\log_3 b = 5$.

- 1) 25; 2) 10; 3) -8; 4) 7.

A5. Решите неравенство $\log_2(1 - 0,3x) \geq 4$.

- 1) $\left(\frac{10}{3}; 50\right)$; 2) $[50; +\infty)$; 3) $(-\infty; 50]$; 4) $\left(-\infty; -\frac{10}{3}\right)$.

B1. Укажите наименьшее целое число из области определения функции $y = \lg(28 - |2x + 3|)$.

B2. Найдите произведение корней уравнения $11^{2(\log_5 x)^2} - 12 \cdot 11^{(\log_5 x)^2} + 11 = 0$.

B3. Найдите значение выражения $(0,25)^{\lg 2} \cdot (0,04)^{\lg 2} \cdot 10^{\lg 8}$.

B4. Пусть $(x_0; y_0)$ - решение системы уравнений $\begin{cases} \log_1(x-2) - y = 0 \\ |x-2| - y = 3 \end{cases}$. Найдите сумму

$x_0 + y_0$.

C1. Решите уравнение $3\log_6\left(3 - \frac{3}{2x+3}\right) = 4\log_6\left(2 + \frac{1}{x+1}\right) + 3$.

C2. Решите неравенство $\log_x \frac{2x+5}{4(x-10)} \leq 0$.

C3. Найдите значение a , при которых область определения функции

$y = \left(a^{x+0,5} + \sqrt{x} \cdot a^4 - (\sqrt{x})^{1+2x\log_x a} - a^{4,5}\right)^{0,5}$ содержит ровно три целых числа.

Логарифмическая функция.

2 Вариант.

A1. Найдите значение выражения $1,5^{\log_{1,5} 6} - 3$.

- 1) 1; 2) -9; 3) 3; 4) -1,5.

A2. Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения $\log_4(x-5) = \log_{25} 5$.

- 1) (-4; -2); 2) (6; 8); 3) (3; 6); 4) (-8; -6).

A3. Найдите область определения функции $y = \log_{0,1}(0,01 - x^2)$.

- 1) $(-\infty; -0,1) \cup (0,1; +\infty)$; 2) $(-\infty; -0,1] \cup [0,1; +\infty)$; 3) $[-0,1; 0,1]$; 4) $(-0,1; 0,1)$.

A4. Вычислите $\log_2 \frac{b}{16}$, если $\log_2 b = 3$.

- 1) 1; 2) -7; 3) -1; 4) 7.

A5. Решите неравенство $\log_{1,25}(0,8x + 0,4) \leq -1$.

- 1) $(-0,5;0,5]$; 2) $(-\infty;0,5]$; 3) $(-0,5;+\infty)$; 4) $(-2;2]$

В1. Найдите наименьшее значение функции $y = \log_{\frac{1}{3}}\left(\frac{1}{81} - x^2\right)$.

В2. Найдите наибольшее целое решение неравенства $\log_{0,5}^2 x^2 - 2\log_{0,5} x - 3 \leq 0$.

В3. Найдите значение выражения $\frac{\log_2 40}{\lg 2} - \frac{\log_2 5}{\log_{80} 2}$.

В4. Пусть $(x_0; y_0)$ - решение системы уравнений $\begin{cases} \log_{\frac{1}{2}}(x-2) - y = 0 \\ |x-3| - y = 5 \end{cases}$.

Найдите сумму $x_0 + y_0$.

С1. Решите уравнение $2\log_2\left(1 - \frac{13}{2x+7}\right) = 3\log_2\left(2 + \frac{13}{x-3}\right) + 12$.

С2. Решите неравенство $\log_{-6x-5x^2} 6^x > 0$.

С3. Найдите все положительные, не равные 1, значения a , при которых область определения функции $y = (a^x \cdot \sqrt{a} + a^{4+0,5\log_a x} - x^{0,5+\log_a a} - a^{4,5})^{0,5}$ не содержит двузначных натуральных чисел.

Зачет №2 Тригонометрические формулы. Тригонометрические уравнения

Тригонометрические формулы.

Вариант 1.

1. Найдите значение выражения: $2\sin 60^\circ + \cos 90^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ$

- 1) $2\sqrt{3} - 1$; 2) $\sqrt{3} - 1$; 3) $\sqrt{3}$; 4) 0.

2. Сравните с нулём выражения: $\sin 120^\circ$, $\cos 195^\circ$, $\operatorname{ctg} 359^\circ$.

Выберите правильную серию ответов:

- 1) + - - 2) - - + 3) + + - 4) + - +

3. Вычислите: $6\cos^2 \frac{\pi}{4} + \operatorname{tg}^2\left(-\frac{\pi}{3}\right) - \operatorname{ctg}\left(-\frac{\pi}{2}\right)$

- 1) 12; 2) $3\sqrt{3} - 3$; 3) 6; 4) 0.

4. Упростите выражение: $\frac{\sin(\pi + \alpha) \cdot \cos(\pi - \alpha)}{\operatorname{ctg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)}$

- 1) $-\cos^2\alpha$; 2) $\cos^2\alpha$; 3) $\sin^2\alpha$; 4) $-\sin^2\alpha$.
5. Упростите выражение: $\sin\alpha * \cos\alpha * \operatorname{ctg}\alpha - 1$
 1) 0; 2) $\cos^2\alpha$; 3) $-\sin^2\alpha$; 4) $\sin^2\alpha$.
6. Упростите выражение: $\frac{\sin^2\alpha - \cos^2\alpha}{\sin\alpha * \cos\alpha}$
 1) $\sin\alpha - \cos\alpha$; 2) $-2 \operatorname{ctg} 2\alpha$; 3) $\operatorname{tg} 2\alpha$; 4) $0,5 \operatorname{ctg} 2\alpha$.
7. Вычислите: $2\sin 15^\circ * \cos 15^\circ$
 1) $\frac{\sqrt{3}}{2}$; 2) $\frac{1}{4}$; 3) $\sqrt{3}$; 4) $\frac{1}{2}$.
8. Вычислите: $\cos\frac{7\pi}{4}$
 1) $\frac{\sqrt{2}}{2}$; 2) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$; 3) $\frac{\sqrt{3}}{3}$; 4) 0.
9. Представив 105° как $60^\circ + 45^\circ$, вычислите $\sin 105^\circ$.
 1) $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$; 2) $\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$; 3) $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$; 4) $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{2}$.
10. Дано: $\sin\alpha = -\frac{3}{5}$, где $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$. Найдите $\operatorname{tg} 2\alpha$
 1) $\frac{6}{7}$; 2) $-3\frac{3}{7}$; 3) $1\frac{5}{7}$; 4) $3\frac{3}{7}$.

Тригонометрические формулы.

Вариант 2.

1. Найдите значение выражения: $5\sin 30^\circ - \operatorname{ctg} 45^\circ + \cos 180^\circ$
 1) 2,5; 2) 0,5; 3) $\frac{5\sqrt{3}}{2}$; 4) 1,5.
2. Сравните с нулём выражения: $\sin 187^\circ$, $\cos 215^\circ$, $\operatorname{tg} 80^\circ$.
 Выберите правильную серию ответов:
 1) $+-+$ 2) $-++$ 3) $--+$ 4) $-+-$
3. Вычислите: $5\sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) + 4\cos 0 - 3\sin\left(\frac{3\pi}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{\pi}{6}\right)$
 1) $2\frac{3}{4}$; 2) $-4\frac{1}{4}$; 3) $-4\frac{3}{4}$; 4) $1\frac{3}{4}$.
4. Упростите выражение: $\frac{\operatorname{tg}(\pi - \alpha)}{\cos(\pi + \alpha)} * \frac{\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)}{\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)}$

1) $\operatorname{tg}^2 \alpha$; 2) $-\operatorname{tg}^2 \alpha$; 3) $-\operatorname{ctg}^2 \alpha$; 4) $\operatorname{ctg}^2 \alpha$.

5. Упростите выражение: $\frac{\cos 2\alpha}{\cos \alpha + \sin \alpha} - \cos \alpha$

1) $-\sin \alpha$; 2) $\sin \alpha$; 3) $-2\cos \alpha$; 4) $\sin \alpha - 2\cos \alpha$.

6. Упростите выражение: $\frac{\sin^2 \alpha - 1}{1 - \cos^2 \alpha}$

1) $\operatorname{ctg}^2 \alpha$; 2) $\operatorname{tg}^2 \alpha$; 3) $-\operatorname{tg}^2 \alpha$; 4) $-\operatorname{ctg}^2 \alpha$.

7. Вычислите: $\cos^2 \frac{\pi}{8} - \sin^2 \frac{\pi}{8}$ 1) $2\sqrt{2}$; 2) $\sqrt{2}$; 3) $\frac{\sqrt{2}}{2}$; 4) 0.

8. Вычислите: $\cos 150^\circ$ 1) $\frac{\sqrt{3}}{2}$; 2) $\frac{1}{2}$; 3) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$; 4) $-\frac{1}{2}$.

9. Представив 15° как $45^\circ - 30^\circ$, вычислите $\cos 15^\circ$.

1) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$; 2) $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$; 3) $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$; 4) $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{2}$.

10. Дано: $\cos \alpha = -\frac{5}{13}$, где $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$. Найдите $\operatorname{ctg} 2\alpha$

1) $-1\frac{1}{119}$; 2) $-\frac{119}{120}$; 3) $1\frac{1}{119}$; 4) $\frac{119}{120}$.

Тригонометрические уравнения и неравенства. 1 вариант

1. Вычислите: $\arcsin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + 2\operatorname{arctg}(-1)$

1) $\frac{\pi}{6}$; 2) $-\frac{\pi}{6}$; 3) $\frac{5\pi}{6}$; 4) $-\pi$.

2. Вычислите: $\arccos\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) + 2\operatorname{arccotg}(\sqrt{3})$

1) $\frac{7\pi}{12}$; 2) $-\frac{5\pi}{12}$; 3) $-\frac{\pi}{10}$; 4) $\frac{5\pi}{12}$.

3. Решите уравнение: $\sin x - \frac{1}{2} = 0$

1) $(-1)^m \left(-\frac{\pi}{6}\right) + \pi m, m \in \mathbb{Z}$; 2) $\pi m, m \in \mathbb{Z}$; 3) $(-1)^m \frac{\pi}{3} + \pi m, m \in \mathbb{Z}$; 4) $(-1)^m \frac{\pi}{6} + \pi m, m \in \mathbb{Z}$.

4. Решите уравнение: $\cos 2x = 1$

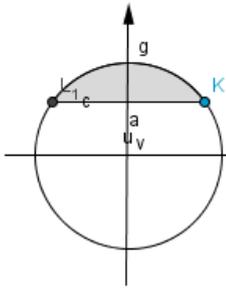
1) $2\pi m, m \in \mathbb{Z}$; 2) $\frac{\pi}{4} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$; 3) $\pi m, m \in \mathbb{Z}$; 4) $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$.

5. Укажите уравнение, которому соответствует решение: $x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$

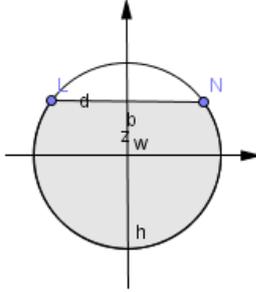
1) $\operatorname{tg} x = 1$; 2) $\cos x = 0$; 3) $\sin x = -1$; 4) $\operatorname{ctg} x = \frac{\sqrt{3}}{3}$.

6. На каком из рисунков показано решение неравенства: $\cos x < \frac{\sqrt{3}}{2}$?

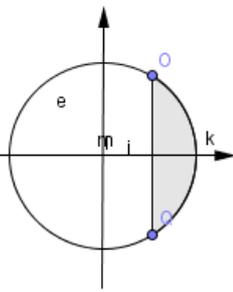
1)



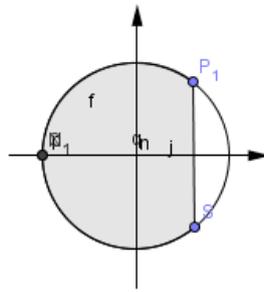
2)



3)



4)



8. Решите уравнение: $6\sin^2 x + \sin x - 1 = 0$

1) $(-1)^m \left(-\frac{\pi}{6}\right) + \pi m, m \in \mathbb{Z}$; 2) $\begin{cases} (-1)^m \left(-\frac{\pi}{6}\right) + \pi m \\ (-1)^m \arcsin \frac{1}{3} + \pi m \end{cases}$ 3) нет корней; 4) $(-1)^m \arcsin \frac{1}{3} + \pi m$.

9. Решите уравнение: $2\sin^2 x - \sqrt{3} \sin 2x = 0$

10. Решите систему: $\begin{cases} x + y = \pi \\ \sin x + \sin y = -\sqrt{3} \end{cases}$

Контрольные работы по темам состоят из двух частей. Выполнение первой части работы (до черты) позволяет учащемуся получить оценку 3. Для получения оценки 4 учащийся должен справиться с первой частью работы и верно решить одну из задач второй части (за чертой). Чтобы получить оценку 5, помимо выполнения первой части работы, учащийся должен решить не менее двух любых заданий из второй части работы.

Контрольная работа **ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА**

Вариант 1

- 1. Вычислите: а) $\sqrt[3]{7^3 \cdot 5^3}$; б) $\frac{3^{\frac{7}{3}} \cdot 15^{\frac{2}{3}}}{5^{\frac{-1}{3}}}$; в) $(\sqrt[3]{\sqrt{8}})^2$.
- 2. Упростите выражение $\left(\frac{1}{\alpha^{\sqrt{2}-1}}\right)^{\sqrt{2}+1} \cdot \alpha^{\sqrt{2}+1}$.
- 3. Сравните числа: а) $\left(\frac{2}{7}\right)^{\frac{3}{7}}$ и $\left(\frac{2}{7}\right)^{\frac{5}{7}}$; б) $(4,2)^{\sqrt{7}}$ и $\left(4\frac{2}{5}\right)^{\sqrt{7}}$.

- 4. Запишите в виде обыкновенной дроби бесконечную периодическую десятичную дробь $0,3(1)$.
- 5. Сократите дробь $\frac{\sqrt{c}-\sqrt{d}}{\frac{1}{c^4}-\frac{1}{d^4}}$.
- 6*. Упростите выражение $\sqrt{43+30\sqrt{2}} + \sqrt{43-30\sqrt{2}}$.

Контрольная работа **ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫЕ ЧИСЛА**

Вариант 2

- 1. Вычислите: а) $\sqrt[5]{3^5 \cdot 15^5}$; б) $\frac{\left(7^{\frac{1}{3}} \cdot 7^{\frac{-2}{3}}\right)^3}{7^{-3}}$; в) $(\sqrt{\sqrt[3]{25}})^2$.
- 2. Упростите выражение $\frac{1}{b^{\sqrt{3}+4}} \cdot b^{\sqrt{3}+1}$.
- 3. Сравните числа: а) $\left(\frac{3}{5}\right)^{\frac{6}{7}}$ и $\left(\frac{3}{5}\right)^{\frac{3}{7}}$; б) $(\pi)^{\sqrt{3}}$ и $(3,14)^{\sqrt{3}}$.

- 4. Запишите в виде обыкновенной дроби бесконечную периодическую десятичную дробь $0,2(7)$.
- 5. Сократите дробь $\frac{\alpha - 9\alpha^{\frac{1}{2}}}{7\alpha^{\frac{1}{4}} + 21}$.

6*. Упростите выражение $\sqrt{4+2\sqrt{3}} - \sqrt{4-2\sqrt{3}}$.

Контрольная работа СТЕПЕННАЯ ФУНКЦИЯ

Вариант 1

- 1. Изобразите схематически график функции, укажите её область определения и область значения: а) $y = x^7$, б) $y = x^{0,5}$, в) $y = x^{-3}$
 - 2. Сравните значения выражений: а) $0,73^{5,2}$ и $0,25^{5,2}$; б) $5^{-0,7}$ и $7^{-0,7}$; в) -4^{11} и 2^{11} .
 - 3. Решите уравнение: а) $\sqrt[3]{x-3} = 5$, б) $\sqrt{3-x-x^2} = x$
-
- 4. Найдите функцию обратную данной: а) $y=0,5x+3$, б) $y=(x+2)^3$.
 - 5. Решите уравнение $\sqrt{2x+5} - \sqrt{x+6} = 1$.
 - 6*. Решите неравенство: $\sqrt{x+8} > x+2$.

Вариант 2

- 1. Изобразите схематически график функции, укажите её область определения и область значения: а) $y = 2x^6$, б) $y = x^{1,5}$, в) $y = x^{-2}$
 - 2. Сравните значения выражений: а) $5,73^{3,2}$ и $7,25^{3,2}$; б) $8^{-0,5}$ и $4^{-0,5}$; в) -4^{10} и -2^{10} .
 - 3. Решите уравнение: а) $\sqrt[4]{6-x} = 2$, б) $\sqrt{5x-1+3x^2} = 3x$.
-
- 4. Найдите функцию обратную данной: а) $y=6-2x$, б) $y=x^3-1$.
 - 5. Решите уравнение $\sqrt{3x+1} - \sqrt{x+8} = 1$.
 - 6*. Решите неравенство: $\sqrt{x-3} > x-5$.

Контрольная работа ПОКАЗАТЕЛЬНАЯ ФУНКЦИЯ

Вариант 1

- 1. Изобразите схематически график функции, укажите её область определения, область значения, функция возрастающая или убывающая: а) $y = 0,12^x$, б) $y = 4,6^x$.
- 2. Сравните значения выражений: а) $5^{\sqrt{7}}$ и $5^{\sqrt{9}}$; б) $\left(\frac{1}{2}\right)^{-5}$ и $\left(\frac{1}{2}\right)^{-2}$.
- 3. Решите уравнение: а) $27^{3x} = \frac{1}{3}$; б) $5^{2x+1} - 5^x = 4$.
- 4. Решите неравенство: $\left(\frac{3}{4}\right)^x > 1\frac{1}{3}$.

5. Решите неравенство: а) $2,7^{4+x^2} \geq 2,7^x$, б) $0,3^{x^2+5x} \geq 0,09^x$.

6. Решите систему уравнений:
$$\begin{cases} 3^x - 3^y = 8\frac{2}{3} \\ 3^x \cdot 3^y = 3 \end{cases}$$

Вариант 2

- 1. Изобразите схематически график функции, укажите её область определения, область значения, функция возрастающая или убывающая: а) $y = 5,1^x$, б) $y = 0,6^x$.
- 2. Сравните значения выражений: а) $2^{\sqrt{3}}$ и $2^{\sqrt{9}}$; б) $\left(\frac{1}{4}\right)^{-3}$ и $\left(\frac{1}{4}\right)^{-6}$.
- 3. Решите уравнение: а) $27^{3x} = \frac{1}{9}$; б) $5^{x+1} - 5^x = 4$.
- 4. Решите неравенство: $\left(1\frac{1}{5}\right)^x < \frac{5}{6}$.

5. Решите неравенство: а) $2,3^{x^2} \geq 2,3^{12-x}$, б) $0,5^{x^2-2} \geq \frac{1}{4}$.

}

6. Решите систему уравнений: $2^x + 2^y = 17$
 $2^{x+1} - 2 \cdot 2^y = -2$.

Контрольная работа ЛОГАРИФМИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ

Вариант 1

- 1. Вычислите: а) $\log_{\frac{1}{2}} 16$; б) $5^{1+\log_5 3}$; в) $\log_3 135 - \log_3 20 + 2 \log_3 2$.
- 2. В одной системе координат постройте схематически графики функций $y = \log_{\frac{1}{4}} x$ и $y = \frac{1^x}{4}$.
- 3. Сравните числа $\log_{\frac{1}{2}} \frac{3}{4}$ и $\log_{\frac{1}{2}} \frac{4}{5}$.
- 4. Решите уравнение: $\log_5 (2x - 1) = 2$.
- 5. Решите неравенство: $\log_{\frac{1}{3}} (x - 5) > 1$.

-
6. Решите уравнение: а) $\log_2 (x + 2) + \log_2 x = 3$; б) $\log_8 x + \log_{\sqrt{2}} x = 14$.
7*. Решите неравенство: $(\log_3 x)^2 - 2 \log_3 x \leq 3$.

Контрольная работа ЛОГАРИФМИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ

Вариант 2

- 1. Вычислите: а) $\log_3 \frac{1}{27}$; б) $\left(\frac{1}{3}\right)^{2 \log_3 7}$; в) $\log_2 56 + 2 \log_2 12 - \log_2 63$.
- 2. В одной системе координат постройте схематически графики функций $y = \log_4 x$ и $y = 4^x$.
- 3. Сравните числа $\log_{0,9} 1 \frac{1}{2}$ и $\log_{0,9} 1 \frac{1}{3}$.
- 4. Решите уравнение: $\log_4 (2x + 3) = 3$.
- 5. Решите неравенство: $\log_{\frac{1}{2}} (x - 3) > 2$.

-
6. Решите уравнение: а) $\log_3 (x - 8) + \log_3 x = 2$; б) $\log_{\sqrt{3}} x + \log_9 x = 10$.
7*. Решите неравенство: $(\log_2 x)^2 - 3 \log_2 x \leq 4$.

Контрольная работа ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФОРМУЛЫ

Вариант 1

- 1. Вычислите: а) $\cos 225^0$; б) $\sin 405^0$; в) $\operatorname{tg} 120^0$; г) $\sin \frac{13\pi}{6}$.
- 2. Вычислите $\sin \alpha$, если $\cos \alpha = -\frac{4}{5}$ и $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$.
- 3. Упростите выражение: а) $\cos^2(\pi - \alpha) - \cos^2(\frac{\pi}{2} - \alpha)$; б) $\frac{\sin 2\alpha}{(\sin \alpha + \cos \alpha)^2 - 1}$.

4. Докажите тождество: $\operatorname{tg}\alpha + \operatorname{tg}\beta = \frac{\sin(\alpha+\beta)}{\cos \alpha \cos \beta}$.

5. Решите уравнение: а) $\sin 2x = 0$; б) $\cos x \cdot \cos 2x - \sin x \cdot \sin 2x = 0$.

Контрольная работа ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФОРМУЛЫ

Вариант 2

- 1. Вычислите: а) $\cos 135^0$; б) $\sin 930^0$; в) $\operatorname{ctg} 120^0$; г) $\cos \frac{13\pi}{6}$.
- 2. Вычислите $\cos \alpha$, если $\sin \alpha = 0,3$ и $\frac{-7\pi}{2} < \alpha < \frac{-5\pi}{2}$.
- 3. Упростите выражение: а) $-\left[\cos^2(\frac{\pi}{2} - \alpha) - \cos^2(\pi - \alpha)\right]$; б) $\frac{\cos 2\alpha}{\sin \alpha \cos \alpha + \sin^2 \alpha}$.

4. Докажите тождество: $\operatorname{tg}\alpha - \operatorname{tg}\beta = \frac{\sin(\alpha-\beta)}{\cos \alpha \cos \beta}$.

5. Решите уравнение: а) $\sin 2x = 1$; б) $\cos x \cdot \cos 2x + \sin x \cdot \sin 2x = 0$.

Контрольная работа Тригонометрические уравнения

Вариант 1

- 1. Решите уравнение: а) $\sqrt{2} \cos x - 1 = 0$; б) $3 \operatorname{tg} 2x + \sqrt{3} = 0$.
- 2. Найдите решение уравнения $\sin \frac{x}{3} = -\frac{1}{2}$ на отрезке $[0; 3\pi]$.
- 3. Решите уравнение $3 \cos x - \cos^2 x = 0$.

4. Решите уравнение: а) $6 \sin^2 x - \sin x = 1$; б) $4 \sin x + 5 \cos x = 4$;
в) $\sin^4 x + \cos^4 x = \cos^2 2x + \frac{1}{4}$.

Контрольная работа Тригонометрические уравнения

Вариант 2

- 1. Решите уравнение: а) $\sqrt{2} \sin x - 1 = 0$; б) $\operatorname{tg} \frac{x}{2} - \sqrt{3} = 0$.
 - 2. Найдите решение уравнения $\cos \frac{x}{2} = \frac{1}{2}$ на отрезке $[0; 4\pi]$.
 - 3. Решите уравнение $\sin^2 x - \sin x = 0$.
-

4. Решите уравнение: а) $10 \cos^2 x + 3 \cos x = 1$; б) $5 \sin x + \cos x = 5$;
в) $\sin^4 x + \cos^4 x = \sin^2 2x - \frac{1}{2}$.

11 КЛАСС

Входной срез. 11 класс. Алимов.

Вариант 1.

1. Вычислить

А) $\left(\frac{1}{27} * 125^{-1}\right)^{\frac{-1}{3}}$

Б) $\left(\frac{64}{81}\right)^{\frac{1}{2}} * \left(\frac{8}{5}\right)^{-1} + 397^0$

2. Решите уравнение:

а) $\sqrt{1-x} = x+1$

б) $4^x + 2^x - 20 = 0$

в) $\log_5(2x-1) = 2$

г) $\sqrt[3]{x^2 - 17} = 2$

3. Решите неравенство:

а) $9^x - 7 \cdot 3^x - 18 < 0$

б) $\log_{\frac{1}{6}}(10-x) + \log_{\frac{1}{6}}(x-3) \geq -1$

4. Найдите значение выражения: $2 \sin \frac{\pi}{6} - \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{3} \operatorname{ctg} \frac{\pi}{4} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}$.

5. Сколько процентов числа 7 составляет разность между ним и 4% числа 28?

Входной срез. 11 класс. Алимов.

Вариант 2.

1. Вычислить

А) $27^{\frac{2}{3}} + 9^{-1} * 541^0$

Б) $(0,01)^{-2} : 100^{-\frac{1}{2}}$

2. Решите уравнение:

а) $\sqrt{x+1} = 1-x$

б) $9^x - 7 \cdot 3^x - 18 = 0$

в) $\log_4(2x+3) = 3$

г) $\sqrt[4]{x^2 + 17} = 3$

3. Решите неравенство:

а) $4^x + 2^x - 20 > 0$

б) $\log_{\frac{1}{2}}(x-3) + \log_{\frac{1}{2}}(9-x) \geq -3$

4. Найдите значение выражения: $2 \sin \frac{\pi}{6} - \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{3} \operatorname{ctg} \frac{\pi}{4} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6}$.

5. Сколько процентов числа 25 составляет разность между 50% числа 25 и числа 7?

Контрольные работы по алгебре и началам анализа в 11 классе

Контрольная работа № 1

по теме «Тригонометрические функции»

Вариант 1

- ▲ 1. Найдите область определения и множество значений функции $y = 2 \cos x$.
2. Выясните, является ли функция $y = \sin x - \operatorname{tg} x$ четной или нечетной.
3. Изобразите схематически график функции $y = \sin x + 1$ на отрезке $\left[-\frac{\pi}{2}; 2\pi\right]$.
- 4. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $y = 3 \sin x \cdot \cos x + 1$.
- ♦ 5. Постройте график функции $y = 0,5 \cos x - 2$. При каких значениях x функция возрастает? Убывает?

Контрольная работа № 1

по теме «Тригонометрические функции»

Вариант 2

- ▲ 1. Найдите область определения и множество значений функции $y = 0,5 \cos x$.
2. Выясните, является ли функция $y = \cos x - x^2$ четной или нечетной.
3. Изобразите схематически график функции $y = \cos x - 1$ на отрезке $\left[-\frac{\pi}{2}; 2\pi\right]$.
- 4. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $y = \frac{1}{3} \cos^2 x - \frac{1}{3} \sin^2 x + 1$.
- ♦ 5. Постройте график функции $y = 2 \sin x + 1$. При каких значениях x функция возрастает? Убывает?

Контрольная работа № 2

по теме «Производная и ее геометрический смысл»

Вариант 1

- ▲ 1. Найдите производную функции: а) $3x^2 - \frac{1}{x^3}$; б) $\left(\frac{x}{3} + 7\right)^6$; в) $e^x \cos x$; г) $\frac{2^x}{\sin x}$.
- 2. Найдите значение производной функции $f(x) = 1 - 6\sqrt[3]{x}$ в точке $x_0 = 8$.
- 3. Запишите уравнение касательной к графику функции $f(x) = \sin x - 3x + 2$ в точке $x_0 = 0$.
- 4. Найдите значения x , при которых значения производной функции $f(x) = \frac{x+1}{x^2+3}$ положительны.
- 5. Найдите точки графика функции $f(x) = x^3 - 3x^2$, в которых касательная к нему параллельна оси абсцисс.
- ◆ 6. Найдите производную функции $f(x) = \log_3(\sin x)$.

Контрольная работа № 2

по теме «Производная и ее геометрический смысл»

Вариант 2

- ▲ 1. Найдите производную функции: а) $2x^3 - \frac{1}{x^2}$; б) $(4 - 3x)^6$; в) $e^x \cdot \sin x$; г) $\frac{3^x}{\cos x}$.
- 2. Найдите значение производной функции $f(x) = 2 - \frac{1}{\sqrt{x}}$ в точке $x_0 = \frac{1}{4}$.
- 3. Запишите уравнение касательной к графику функции $f(x) = 4x - \sin x + 1$ в точке $x_0 = 0$.
- 4. Найдите значения x , при которых значения производной функции $f(x) = \frac{1-x}{x^2+8}$ отрицательны.
- 5. Найдите точки графика функции $f(x) = x^3 + 3x^2$, в которых касательная к нему параллельна оси абсцисс.
- ◆ 6. Найдите производную функции $f(x) = \cos(\log_2 x)$.

Контрольная работа № 3

по теме «Применение производной к исследованию функций»

Вариант 1

1. Найдите стационарные точки функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$.
2. Найдите экстремумы функции: а) $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$; б) $f(x) = e^x(2x - 3)$.
3. Найдите интервалы возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$.
4. Постройте график функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$ на отрезке $[-1; 2]$.
5. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$ на отрезке $[0; 1,5]$.
6. Среди прямоугольников, сумма длин трех сторон которых равна 20, найдите прямоугольник наибольшей площади.

Контрольная работа № 3

по теме «Применение производной к исследованию функций»

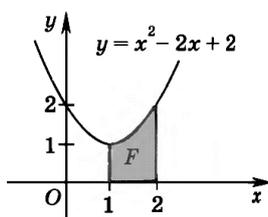
Вариант 2

1. Найдите стационарные точки функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$.
2. Найдите экстремумы функции: а) $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$; б) $f(x) = e^x(5 - 4x)$.
3. Найдите интервалы возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$.
4. Постройте график функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$ на отрезке $[-1; 2]$.
5. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - x^2 - x + 2$ на отрезке $[0; 1,5]$.
6. Найдите ромб с наибольшей площадью, если известно, что сумма длин его диагоналей равна 10.

Контрольная работа № 4 по теме «Интеграл»

Вариант 1

- ▲ 1. Докажите, что функция $F(x) = 3x + \sin x - e^{2x}$ является первообразной функции $f(x) = 3 + \cos x - 2e^{2x}$ на всей числовой оси.
- 2. Найдите первообразную F функции $f(x) = 2\sqrt{x}$, график которой проходит через точку $A(0; \frac{7}{8})$.
- 3. Вычислите площадь фигуры, изображенной на рисунке.

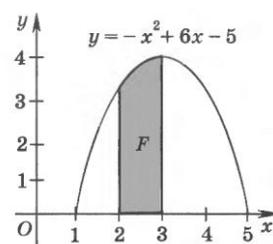


- 4. Вычислить интеграл: а) $\int_1^2 \left(x + \frac{2}{x}\right) dx$; б) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 x dx$.
- ◆ 5. Найдите площадь фигуры, ограниченной прямой $y = 1 - 2x$ и графиком функции $y = x^2 - 5x - 3$.

Контрольная работа № 4 по теме «Интеграл»

Вариант 2

- ▲ 1. Докажите, что функция $F(x) = x + \cos x + e^{3x}$ является первообразной функции $f(x) = 1 - \sin x + 3e^{3x}$ на всей числовой оси.
- 2. Найдите первообразную F функции $f(x) = -3\sqrt[3]{x}$, график которой проходит через точку $A(0; \frac{3}{4})$.
- 3. Вычислите площадь фигуры, изображенной на рисунке.



- 4. Вычислить интеграл: а) $\int_1^3 \left(x^2 + \frac{3}{x}\right) dx$; б) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x \, dx$.
- ♣ 5. Найдите площадь фигуры, ограниченной прямой $y = 3 - 2x$ и графиком функции $y = x^2 + 3x - 3$.